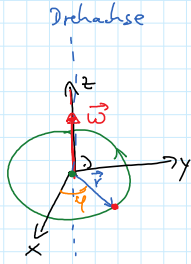


$$\vec{v} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}$$



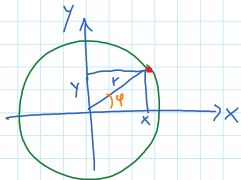
$$\vec{v} = \begin{pmatrix} r \cdot \cos \varphi \\ r \cdot \sin \varphi \end{pmatrix}$$

$$\varphi = \omega \cdot t$$

$$\omega = \frac{1\varphi}{1t}$$

$$x = r \cdot \cos \varphi$$

$$y = r \cdot \sin \varphi$$



Lineare Bew.

Weg  $x$

Geschw.  $\vec{v}$

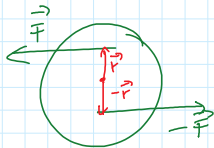
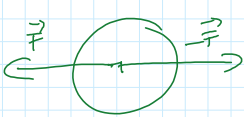
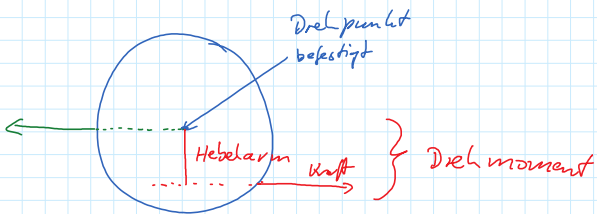
Kreisbewegung

Winkel  $\varphi$

Winkelgeschw.  $\vec{\omega}$

Kraft  $\rightarrow$  Beschleunigung  $\vec{a}$

Kraft  $\rightarrow$  Drehmoment  $\rightarrow$  Änderung der Winkelgeschw.



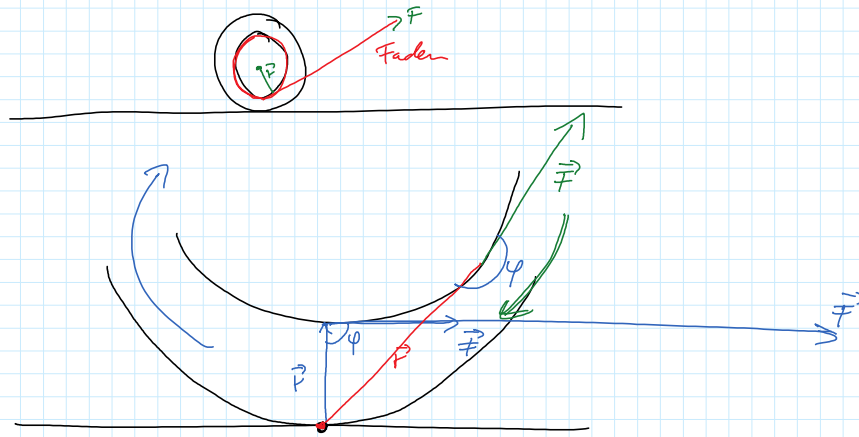
$$\begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix}$$

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin \varphi$$

Drehmoment  $\vec{N} = \vec{r} \times \vec{F} = r \cdot F \cdot \sin \varphi \cdot \vec{x}(r, F)$

Versuch: Garnrolle





Drehpunkt  
= Auflagepunkt

folgsame Rolle

$$\varphi \leq \pi \rightarrow \sin \varphi > 0$$

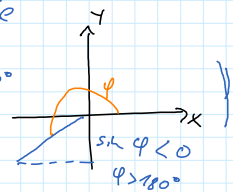
Drehmoment  $> 0$  in die Bildebene

störrende Rolle

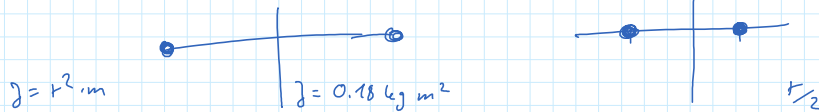
$$\varphi > \pi \text{ bzw. } 180^\circ$$

$$\rightarrow \sin \varphi < 0$$

Drehmom.  $< 0 \rightarrow$  aus der Bildebene



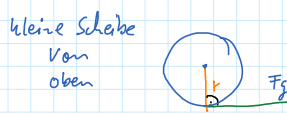
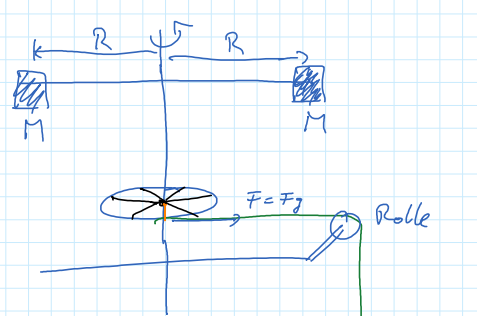
Drehmoment und Trägheitsmoment



- 1. Umdrehung
- 2.
- 3.
- 4.

- 12 sek
- 17 sek
- 21
- 24

- 6 sek
- 9
- 11
- 12 = t<sub>1</sub>
- 24 = t<sub>1/6</sub>

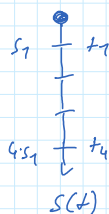


Drehmoment  $\vec{N} = \vec{r} \times \vec{F} = r \cdot F \cdot \left( \begin{matrix} \sin 90^\circ \\ \downarrow \\ 1 \end{matrix} \right)$

$$\left. \begin{array}{l} t_4 = 2 \cdot t_1 \\ \varphi_4 = 4 \cdot \varphi_1 \\ 4 \times 360^\circ \quad 1 \times 360^\circ \end{array} \right\} \varphi(t) \propto t^2$$

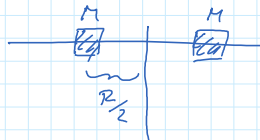
Oftener:  
Repetitorium der  
Experimentalphysik  
Versuch 7.1.

vgl. freier Fall



$s(t) \propto t^2$   
gleichmässige Beschleunigung

2. Teil  $R \rightarrow \frac{R}{2}$



def:  $J = M \cdot R^2$   
 $\downarrow \quad \downarrow$   
 $2M \quad \frac{R^2}{4}$

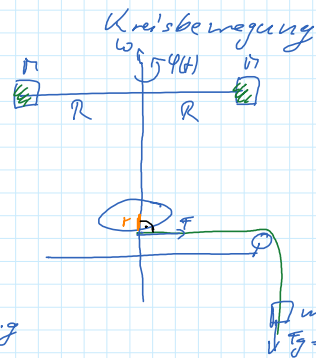
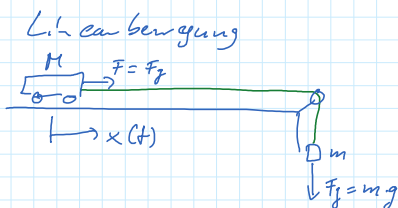
$\Rightarrow J_{2. \text{ Teil}} = \frac{1}{4} J_{1. \text{ Teil}}$  d. Verm. d. Verm.  
 Trägheitsmoment nur noch  $\frac{1}{4}$

neue  $t_2$  (4u) =  $t_1$  (1u)  
vorher

$\Rightarrow \varphi(t) \propto \frac{1}{J}$

$\Rightarrow$  Bewegungsgl. d. Rotation  $\varphi(t) = \frac{1}{2} \frac{M}{J} \cdot t^2 = \frac{1}{2} \alpha \cdot t^2$   
Winkel-  
beschl.

Die gleichmässig beschleunigte



masse M

Trägheitsmoment  $J = M R^2$  (3.220)

Kraft  $\vec{F} = \dot{\vec{p}} = M \cdot \dot{\vec{v}} = M \cdot \vec{a}$

Drehmoment  $\vec{N} = \dot{\vec{L}} = J \cdot \dot{\vec{\omega}} = J \cdot \vec{\alpha}$

$\vec{N} = \vec{r} \times \vec{F}$  (3.228)  
 $N = r \cdot F \cdot \sin \alpha (\vec{r}_1, \vec{F})$   
hier  $90^\circ$   
 $\Rightarrow N = r \cdot F$

Impuls  $\vec{p}(t) = M \cdot \vec{v}(t)$

Drehimpuls  $\vec{L}(t) = J \cdot \vec{\omega}(t)$  (3.225)

Beschleunig.  $\vec{a}(t) = \frac{\vec{F}(t)}{M}$

Winkelbesch.  $\vec{\alpha}(t) = \frac{\vec{N}(t)}{J}$  (3.227)

Geschwindigkeit  $v(t) = a \cdot t + v_0$

Winkelgeschw.  $\omega(t) = \alpha \cdot t + \omega_0$  (3.213)

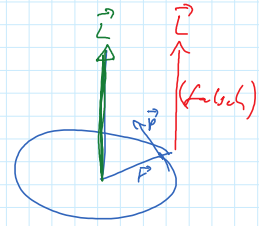
Strecke

$$x(t) = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + x_0$$

Winkel:

$$\varphi(t) = \frac{1}{2} \alpha t^2 + \omega_0 t + \varphi_0 \quad (3.2/4)$$

Korrekter  
Buch



Impulserhaltung  $\vec{F} = 0$

$$\vec{F} = \dot{\vec{p}} \quad \vec{p} = \text{const}$$

Kraftfrei  $\rightarrow$  Impuls  
ändert sich nicht

Drehimpulserhaltung  $\vec{N} = 0$  (kein Drehmoment)

$$\vec{N} = \dot{\vec{L}} \quad \vec{L} = \text{const}$$

Drehimpuls erhalten  
falls kein Drehmoment

Energie

$$E_{\text{kin}} = \frac{1}{2} M v^2$$

Rotenergie:  $E_{\text{rot}} = \frac{1}{2} I \omega^2$